# Работа 1.5.2. ОПРЕДЕЛЕНИЕ УДЕЛЬНОЙ ПОВЕРХНОСТИ ПОРОШКООБРАЗНЫХ МАТЕРИАЛОВ

## ИЗМЕРЕНИЕ УДЕЛЬНОЙ ПОВЕРХНОСТИ И СРЕДНЕГО РАЗМЕРА ЧАСТИЦ ПО ГАЗОПРОНИЦАЕМОСТИ

В теории фильтрации измерение удельной поверхности порошков эквивалентно измерению среднего гидравлического радиуса капилляров порового пространства, образуемого слоем уплотненного порошка. Соотношение объёма пор и площади их поверхности принято равным отношению объема трубы и площади ее внутренней цилиндрической поверхности.

Объем трубы диаметром  $d_T$  и длиною L равен  $V_T = \frac{\pi d_T^2 L}{4}$ , а площадь ее внутренней поверхности  $s_T = \pi d_T L$ , гидравлический диаметр трубы  $d_T = \frac{4V_T}{s_T}$ .

Аналогично этому гидравлический диаметр пор  $(d_{\Gamma})$  пористого тела, объем пор которого составляет  $(V_{\Pi})$ , а площадь их поверхности  $(s_{\Pi})$  равен

$$d_{\Gamma} = \frac{4V_{\Pi}}{s_{\Pi}}.$$
 (1)

Если V— объем пористого тела,  $\varepsilon$  — значение пористости - доля объема пор в объеме пористого тела, то объем пор  $V_{II} = V \varepsilon$ , объем твердого вещества в пористом теле:  $V(1-\varepsilon)$ . Для пористого тела в виде цилиндра, например, его объем равен произведению площади его сечения  $F[\mathrm{cm}^2]$  на высоту  $L[\mathrm{cm}] \ V = FL \ [\mathrm{cm}^3]$ .

Пористость по определению равна

$$\varepsilon = \frac{FL - m/\rho}{FL} = 1 - \frac{m}{FL\rho},$$

где m [г]— масса слоя порошка в кювете,  $\rho$  [г/см³]— плотность его частиц,  $m/\rho$  [см³]— объем частиц в кювете.

Удельная поверхность единицы объема твердого тела порошка  $S_V$  [cm²/cm³] и S [cm²/г]— удельная поверхность единицы массы связаны между собой и с площадью суммарной поверхности пор соотношениями

$$S_V = \rho S;$$
 
$$s_{II} = S_V V(1 - \varepsilon) = SV(1 - \varepsilon)\rho.$$

В тех же обозначениях средний гидравлический диаметр капилляров равен

$$d_{\Gamma} = \frac{4V\varepsilon}{V(1-\varepsilon)S_{V}} = \frac{4\varepsilon}{(1-\varepsilon)S_{V}} = \frac{4\varepsilon}{(1-\varepsilon)S\rho}.$$
 (2)

В пористом теле, образованном слоем порошка, поры извилисты относительно направления потока через них газа. Принято поэтому вводить коэффициент извилистости  $K_K$  — постоянная Козени, которая на основании экспериментальных данных принята равной 5. Тогда средняя длина капилляров пористого слоя высотой L равна  $X = K_K L$ . Среднее число капилляров, выходящих на его торец

$$n_K = \frac{4V\varepsilon}{K_K L\pi d_\Gamma^2} = \frac{4F\varepsilon}{K_K \pi d_\Gamma^2}.$$
 (3)

Далее рассматривают скорость течение вязкого газа  $Q[\text{см}^3/\text{c}]$  (динамическая вязкость  $\mu$ — в пуазах) через длинную (по сравнению с диаметром) трубку (капилляр) под действием перепада давления—  $\Delta P[\Gamma/\text{cm}^2]$ .

Применительно к пористому слою вычисления приводят к общепринятой формуле для удельной поверхности пороша  $S[{\rm cm}^2/{\rm r}]$ 

$$S = \frac{14\sqrt{\frac{\varepsilon^3 \Delta PF}{(1-\varepsilon)^2 QL}}}{\rho \sqrt{\mu}} = \frac{14M\sqrt{\frac{\Delta P}{Q}}}{\rho \sqrt{\mu}}.$$
 (4)

Обычно измерения осуществляют посредством фильтрации воздуха при атмосферном давлении  $(P_0)$ , когда перепад давления на пористом слое  $\Delta P << P_0$  . Молекулярный вес воздуха принят равным 28.

В уравнении (4) величина  $M = \sqrt{\frac{\varepsilon^3 F}{(1-\varepsilon)^2 L}}$  зависит только от геометрических параметров слоя порошка и его пористости.

Если масса порошка во всех измерениях выбрана так, что объем частиц порошка в кювете, равный  $\frac{m}{\rho} = const$  во всех измерениях, величина M при постоянной площади сечения слоя (F) зависит только от степени уплотнения порошка— высоты его слоя в цилиндрической кювете.

Действительно

$$M = \sqrt{\frac{\varepsilon^{3}F}{(1-\varepsilon)^{2}L}} = \sqrt{\frac{\left(1 - \frac{m}{\rho FL}\right)^{3} mF}{\left(1 - \frac{m}{\rho FL}\right)^{3} \rho FLL}} = \sqrt{\frac{\left(\frac{\rho FL}{m} - 1\right)^{3} m}{\rho L^{2}}} = \frac{\rho \sqrt{\left(FL - \frac{m}{\rho}\right)^{3}}}{Lm}.$$
 (5)

Согласно формуле (4) для измерения удельной поверхности необходимо из порошка с измеренной массой (m) в кювете площадью поперечного сечения (F) сформировать слой и измерить: его высоту— L, расход воздуха— Q, перепад давления, обеспечивающий этот расход—  $\Delta P$ , и температуру, по которой определяют вязкость воздуха  $(\mu)$ .

Средний размер частиц (плотность которых—  $\rho$ ) связан с удельной поверхностью единицы объема ( $S_V$ ) и единицы массы (S) порошка соотношением

$$\Lambda = \frac{6}{S_V} = \frac{6}{\rho S} \,. \tag{6}$$

Формула (4) предусматривает стационарный режим фильтрации воздуха. В этом режиме значения Q и  $\Delta P$  (перепад давления и скорость течения воздуха) необходимо поддерживать установившимися и неизменными в период их измерений. Однако, как показала обширная производственная практика, надежное соблюдение этого условия весьма затруднительно.

В этом плане приборы нестационарной фильтрации, в которых измерению подлежит только один параметр— длительность изменения давления в замкнутом объеме  $\Omega$  от  $p_1$  до  $p_2$ , значительно практичнее и надежней. В режиме нестационарной фильтрации гидравлическое сопротивление ( $\Re$  — величина, обратная проницаемости) определяют по длительности ( $\tau$ ) фильтрации (натекания) газа через уплотненный слой порошка в замкнутый объем ( $\Omega$ ). Величина гидравлического сопротивления равна:

$$\Re = \frac{\Delta P}{Q} = \frac{1}{D} = \frac{\tau P_0}{\Omega \lg \left(\frac{p_1}{p_2}\right)} = \beta \tau , \qquad (7)$$

где  $P_0$ — атмосферное давление воздуха в момент измерения;  $\Omega$ — объем прибора, в который производится фильтрация внешнего газа;  $\tau$ — интервал времени, в течение которого в замкнутом объеме  $\Omega$  происходит изменение давления от  $p_1$  до  $p_2$ .

Если считать атмосферное давление неизменным, то как следует из расчетов

$$\beta = \frac{P_0}{\Omega \lg \left(\frac{p_1}{p_2}\right)} = const.$$
 (8)

Соответственно удельная поверхность равна

$$S = \frac{14\sqrt{\frac{\varepsilon^3\beta\tau F}{(1-\varepsilon)^2 L}}}{\rho\sqrt{\mu}} = \frac{14M\sqrt{\beta\tau}}{\rho\sqrt{\mu}},$$
(9)

$$M = \frac{\rho \sqrt{\left(FL - \frac{m}{\rho}\right)^3}}{Lm}$$

Величина  $14\sqrt{\beta} = K$  — постоянная прибора, которую определяют либо по уравнению (8), либо в калибровочных опытах с прибором, работающим в стационарном режиме по соотношению (7). Для одного и того же слоя порошка при заданных  $p_1$  и  $p_2$ 

измеряют 
$$\left(\frac{\Delta P}{Q}\right)_{K}$$
 и  $\tau_{K}\beta=\frac{\left(\frac{\Delta P}{Q}\right)_{K}}{\tau_{K}}=const$  для данного прибора.

Удельная поверхность равна

$$S = \frac{KM\sqrt{\tau}}{\rho\sqrt{\mu}}. (10)$$

Измерения удельной поверхности разных порошков желательно производить в одинаковых условиях. Одним из таких определяющих условий является одинаковость во всех измерениях физического объема порошка в кювете. Это условие выполняется, если масса порошка выбрана всегда равной одинаковой доле его плотности m = Bp. Как показывает опыт многолетней работы с разными порошками, такой прием при прочих одинаковых условиях обеспечивает наименьшую погрешность измерений и максимальное удобство в их подготовке.

Если выбрать, например, отношение  $\frac{m}{\rho}=10/3$  (соответственно массу исследуемой пробы всегда равной  $m=10/3\rho$ ) и цилиндрическую кювету диаметром 5 см (площадь дна - 4,9 см²), то  $M=\frac{3,33\sqrt{(4,9L-3,33)^3}}{L}$ .

Тогда

$$S = \frac{KM\sqrt{\tau}}{\rho\sqrt{\mu}} = \frac{K_0\sqrt{(4.9L - 3.33)^3 \tau}}{L\rho\sqrt{\mu}}$$
(11)

Значение массы исследуемого порошка, равное  $m=10/3\rho$ , выбрано одинаковым для всех материалов для удобства измерений и расчетов в приборах ПСХ. Такой выбор не является обязательным. Возможны и другие соотношения  $\frac{m}{\rho}$ .

#### **ОБОРУДОВАНИЕ**

Прибор ПСХ-4 характеризуется непостоянством расхода воздуха в течение опыта (Рис.1).

Кювета 1 предназначена для укладки в ней слоя испытуемого материала. Она представляет собой испытательную камеру, перегороженную на некоторой высоте диском с высверленными в нем отверстиями. Часть камеры, ограниченная диском и дном кюветы, с помощью штуцера 2 и резиновой трубки 3 присоединяется к жидкостному манометру 6. На внешней поверхности кюветы нанесена миллиметровая шкала с нониусом для измерения толщины слоя материала.

Плунжер служит для уплотнения слоя материала в кювете.

Резиновая груша 8 с клапанами применяется для создания разрежения под слоем материала.

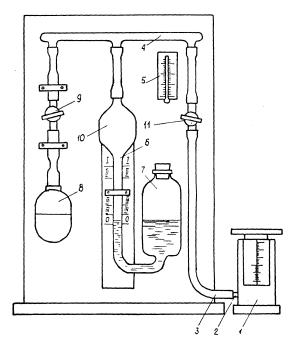


Рис. 1. Схема прибора ПСХ-4

Стеклянный одноколенный манометр заполнен подкрашенной водой.

Он предназначен для определения давления воздуха под слоем испытуемого материала и позволяет проследить скорость изменения давления в нижней полости кюветы вследствие воздухопроницаемости слоя материала.

#### ПОДГОТОВКА К АНАЛИЗУ

Определить величину навески Q из выражения:

$$m = 3.33 \, \rho_{\scriptscriptstyle M}$$

где  $\rho_{M}$  — плотность материала.

Для грубодисперсных порошков (с удельной поверхностью менее 1500 см/г) величина навески определяется выражением:

$$m = 10.8 \, \rho_{M}$$

При определении удельной поверхности смеси порошков величина навески вычисляется по формуле:

$$m = \frac{3.33}{\frac{A}{\rho_1} + \frac{B}{\rho_2} + \frac{C}{\rho_3}}$$

где A, B, C — весовые доли содержания компонентов в смеси;

 $\rho_1, \rho_2, \rho_3$  — плотности соответственных компонентов.

Проверить исправность работы прибора. Для этого с помощью резиновой груши при закрытом кране 11 создать разрежение. Жидкость в манометре должна подняться до уровня верхней колбочки.

В кювету прибора поместить кружок фильтровальной бумаги, вырезанной по внутреннему диаметру кюветы, и высыпать на него навеску.

Порошок разравнять и покрыть вторым кружком из фильтровальной бумаги и уплотнить плунжером сильным нажатием руки в течение 2-х минут.

#### ХОД АНАЛИЗА

При закрытом кране 11 в полости манометра создается с помощью резиновой груши разрежение. Далее закрывается кран 9 и открывается кран 11; сообщающий кювету с манометром. Воздух начинает просачиваться через слой порошка и уровень жидкости в манометре понижается. Время прохождения жидкости между двумя рисками манометра замеряется с помощью секундомера. При быстром опускании столба жидкости замеряется время между рисками 111-1У, при медленном — между рисками 1-11.

### ФОРМА ЗАПИСИ НАБЛЮДЕНИЙ

№ опыта	Риски	τ, c

#### ОБРАБОТКА РЕЗУЛЬТАТОВ ЭКСПЕРИМЕНТА

Вычисление удельной поверхности порошка производится по формуле:

$$S = K \frac{M\sqrt{\tau}}{m},$$

где K — постоянная прибора.

#### КОНТРОЛЬНЫЕ ВОПРОСЫ

- 1. Характеристики, определяющие время просева.
- 2. Оценка размеров частиц с помощью микроскопа.
- 3. Системы сит. Модуль сита.
- 4. Законы распределения частиц по размерам.
- 5. Расчет навески.
- 6. Определение времени прохождения жидкости между двумя рисками манометра.
- 7. Построение гистограммы (размерность координат, количество и диапазоны фракций).

#### ЛИТЕРАТУРА

- 1. Ходаков Г.С. Основные методы дисперсионного анализа порошков.— М: Стройиздат, 1968.
- 2. Андреев Е. Е., Товаров В. В., Перов В. Л. Закономерности измельчения и исчисления характеристик гранулометрического состава.— М.: Металлургиздат, 1959.
- 3. Коузов Л. А. Основы анализа дисперсного состава промышленных пылей и измельченных материалов.— М.: Химия, 1974.
  - 4. Сиденко Л. М. Измельчение в химической промышленности. М.: Химия, 1977.